

نمونه سوال فصل سوم ریاضی نهم

درستی جملات زیر را بررسی کنید.

- | | | |
|-----|---|---|
| □ غ | ص | الف) به استدلالی که موضوع مورد نظر را به درستی نتیجه بدهد، اثبات می گوییم . |
| □ غ | ص | ب) متوازی الاضلاع نوعی مستطیل است . |
| □ غ | ص | ج) محل برخورد ارتفاع های هر مثلث، درون آن است . |
| □ غ | ص | د) دو لوزی دلخواه همواره متشابهند . |
| □ غ | ص | ه) برای اطمینان از درستی یک موضوع ، مشاهده کردن کافی است. |
| □ غ | ص | و) اگر محیط دو شکل متناسب باشد آن دو شکل متشابهند. |

جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

۲

الف) اگر نسبت تشابه دو مثلث متساوی الاضلاع $\frac{2}{5}$ باشد، نسبت مساحت آنها $\frac{4}{25}$ و نسبت ارتفاع آنها $\frac{2}{5}$ است.

ب) در دو شکل متشابه اضلاع متناظر **متناوب** و زوایای متناظر **مساوی** هستند.

ج) به اطلاعات و دانسته های قبلی مسئله **فرض** می گویند.

د) در دو شکل هم نهشت، نسبت تشابه عدد **یک** می باشد .

@riaziCafe

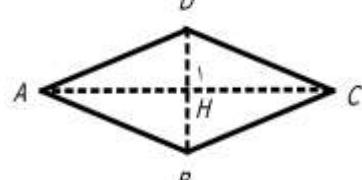
۳

در هر سوال پاسخ درست را با علامت مشخص کنید.

الف) "هر مربع نوعی مستطیل است." با این فرض کدام استدلال درست است؟

- | | |
|---|---|
| ۱) اگر یک شکل مستطیل باشد، حتماً مربع است | ۲) اگر یک شکل مربع نباشد، حتماً مستطیل هم نیست |
| ۳) اگر یک شکل مستطیل نباشد، هرگز مربع نخواهد بود. | <input checked="" type="checkbox"/> ۴) اگر یک شکل مستطیل نباشد ممکن است مربع باشد |

ب) در اثبات خاصیت عمودمنصف بودن قطرهای لوزی کدام گزینه حکم مساله نیست؟



$\overline{BH} = \overline{DH}$ (۱)

$\overline{AB} = \overline{CB}$ (۴)

$\overline{AH} = \overline{CH}$ (۱)

$\widehat{H_1} = 90^\circ$ (۳)

ج) کدام گزینه برای اثبات هم نهشتی دو مثلث کافی نیست؟

۱) برابری سه ضلع

۴) برابری وتر و یک زاویه از مثلث قائم الزاویه به برابری زاویه‌ی تند اشاره نشده

۵) مقیاس یک نقشه ۱:۱۰۰۰۰۰ است. اگر فاصله‌ی دو میدان ۳ کیلومتر باشد ، فاصله‌ی آنها در نقشه چقدر است؟

۱) ۳۰ m (۴) ۲) ۳۰ cm (۲) ۳) ۳ cm (۱)

۶) نسبت تشابه دو مربع $\frac{3}{4}$ است اگر قطر مربع کوچکتر ۱۲ سانتیمتر باشد قطر مربع بزرگتر چقدر است؟

۱) ۵ (۱) ۲) ۱۶ (۳) ۳) ۸ (۴) ۴) ۹ (۴)

سارا گفت: "همه‌ی اعداد طبیعی مثبت هستند و چون اعداد طبیعی زیرمجموعه‌ی از اعداد گویا است پس ، همه‌ی اعداد گویا هم مثبت هستند. " آیا استدلال سارا معتبر است؟ چرا؟

خیر زیرا مجموعه‌ی اعداد گویا زیرمجموعه‌ی اعداد طبیعی نیست و نمی‌توان خواص مجموعه‌ی اعداد طبیعی را به اعداد گویا تعمیم داد و با مثال نقض می‌توان این ادعا را رد کرد به طور مثال ۲- عددی گویاست ولی مثبت نیست.

۴

طرح و تایپ: ندا پهراهی نیا - سرگروه ریاضی استان خوزستان

دانلود شده از **همگام درس** | **HamGamDars.com**

آیا استدلال زیر معتبر است؟ چرا؟

۵

۳ مثلث رسم کرده و می بینیم مجموع زوایای داخلی هر سه درجه است، پس مجموع زوایای داخلی هر مثلث ۱۸۰ درجه است. **خیر زیرا با ارائه‌ی چند مثال درست نمی توان حکمی را به تمام مثلثها تعمیم داد**

سارا، غزل، آوینا و آلا چهار دوست هستند. آلا از غزل کوچکتر و از آوینا بزرگتر و سارا از آوینا بزرگتر است.

۶

کدام یک از نتایج زیر صحیح و کدامیک ممکن است صحیح نباشد؟

سن غزل < سن آلا

سن آلا < سن آوینا

سن سارا > سن آوینا

(الف) سن غزل از دیگر دوستانش بیشتر است. نادرست چون ممکن است سارا بزرگتر از او باشد)

(ب) سن آوینا از دیگر دوستانش کمتر است. (درست)

(ج) سن آلا از سارا بیشتر است.. (نادرست. ممکن است سارا از آلا بزرگتر باشد)

۷

در مساله‌ی زیر فرض و حکم را تعیین کنید

اگر دو زاویه از دو مثلث نظیر به نظریه ناشد، زاویه‌ی سوم آنها هم با هم برابر است.

فرض

$$\hat{A} = \hat{D} \quad \text{یا} \quad \hat{B} = \hat{E}$$

حکم

$$\hat{C} = \hat{F} \quad \text{یا} \quad \text{زاویه‌ی سوم هم با هم برابرند}$$



۸

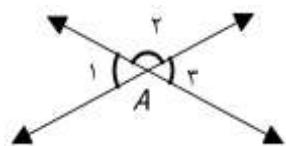
$\leftarrow \dots \text{قطراهای مربع نیز بر هم عمودند} \dots$

قطراهای لوزی بر هم عمود هستند

مربع نوعی لوزی است

۹

ثابت کنید : زوایای متقابل به راس با هم برابرند.



$$\begin{cases} \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ \\ \hat{A}_3 + \hat{A}_4 = 180^\circ \end{cases} \Rightarrow \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = \hat{A}_3 + \hat{A}_4 \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{A}_3$$

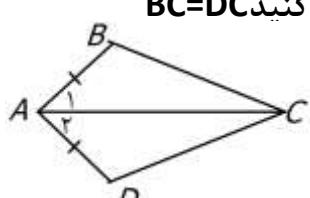
۱۰

در شکل روبرو AP و BP مماسهای دایره هستند. نشان دهید

$$\begin{cases} \hat{A} = \hat{B} \\ \overline{OA} = \overline{OB} \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{بنابراین} \\ \text{با هالت وتر و یک ضلع مثلث قائم الزاویه} \\ \text{و تر مشترک: } OP \end{array} \Rightarrow \Delta OAP \cong \Delta OBP \Rightarrow \overline{AP} = \overline{BP}$$

۱۱

در شکل زیر پاره خط AC نیمساز زاویه A است. و اضلاع AB و AD برابرند. ثابت کنید



$$\begin{cases} \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \\ \overline{AB} = \overline{AD} \\ \text{ضلع مشترک: } AC \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{بنابراین} \\ \text{با هالت (ض زض)} \\ \text{و تر مشترک: } AC \end{array} \Rightarrow \Delta CAB \cong \Delta CAD \Rightarrow \overline{BC} = \overline{DC}$$

۱۲

مثلث قائم الزاویه‌ای به اضلاع ۳ و ۵ و x با مثلث دیگری که اضلاعش به ترتیب ۶ و y و z است متشابه است. اگر

$\frac{3}{6} = \frac{5}{y} = \frac{\sqrt{34}}{z}$ و ترهای آن دو مثلث باشند مقادیر مجھول را به دست آورید. نسبت تشابه ۱ به ۲ است

$$x^2 = 5^2 + 3^2 = 25 + 9 = 34$$

$$y = 10 \quad z = 2\sqrt{34} = \sqrt{136}$$

$$x = \sqrt{34}$$

@riazi cafe

موفق باشید